

**1** 等差数列の一般項(1)

第3項が10, 第6項が22である等差数列の初項はア , 公差はイ である。

また, 第30項はウ , 50は第エ 項である。

**2** 等差数列の一般項(2)

第6項が33, 第11項が63である等差数列において, 第16項を求めよ。また, 200より大きくなるのは第何項からか。

**3** 等差数列の和の公式

初項が-50, 公差が3である等差数列において, 初項から第 $n$ 項までの和を $S_n$ とする。

- (1) 第何項が初めて正になるか。
- (2)  $S_n$ が最小となる $n$ の値を求めよ。
- (3)  $S_n$ が初めて正となる $n$ の値を求めよ。

**4** 等比数列の一般項(1)

初項が正である等比数列において, 第8項が32, 第10項が8である。この数列の初項と公比を求めよ。

**5** 等比数列の一般項(2)

第3項が27, 第6項が-729である等比数列の初項と公比を求めよ。ただし, 公比は実数とする。

**6** 等差中項・等比中項

数列24,  $a$ ,  $b$ が等差数列をなし, 数列 $a$ ,  $b$ , 8が等比数列をなすという。このとき,  $a$ ,  $b$ の値を求めよ。

**7** 等比数列の和の公式(1)

初項が5, 公比が2である等比数列において, 第5項から第10項までの和を求めよ。

**8** 等比数列の和の公式(2)

第3項が6, 初項から第3項までの和が78である等比数列の一般項を求めよ。

**9**  $\Sigma$ の定義

次の和を記号 $\Sigma$ を用いないで表せ。

$$(1) \sum_{k=1}^5 2k \quad (2) \sum_{k=1}^4 (3^k - 1) \quad (3) \sum_{k=3}^{n+1} \frac{1}{k}$$

**10**  $\Sigma$ の計算(1)

次の和を求めよ。

$$(1) \sum_{k=1}^{15} k^2 \quad (2) \sum_{k=1}^n (2k+3) \quad (3) \sum_{i=1}^n (20-3i)$$

$$(4) \sum_{k=1}^n (6k^2+1) \quad (5) \sum_{k=1}^n (k-1)(k-5)$$

$$(6) \sum_{k=1}^n 4 \cdot 2^{k-1} \quad (7) \sum_{k=1}^n (-3)^k$$

**11**  $\Sigma$ の計算(2)

数列 $2 \cdot 12, 4 \cdot 9, 6 \cdot 6, 8 \cdot 3, \dots$ の初項から第 $n$ 項までの和を求めよ。

**12**  $\Sigma$ の計算(3)

次の数列の初項から第 $n$ 項までの和を求めよ。

$$(1) 1^2, 3^2, 5^2, \dots \quad (2) 1, 1+2, 1+2+2^2, \dots$$

**13**  $\Sigma$ の計算(4)

次の数列の第 $k$ 項を求めよ。また, 初項から第 $n$ 項までの和を求めよ。

$$(1) 2, 2+5, 2+5+8, 2+5+8+11, \dots$$

$$(2) 1 \cdot (2n-1), 3(2n-3), 5(2n-5), \dots, (2n-3) \cdot 3, (2n-1) \cdot 1$$

**14**  $\Sigma$ の計算(5)

次の数列の和を求めよ。

$$\frac{1}{1 \cdot 3}, \frac{1}{3 \cdot 5}, \frac{1}{5 \cdot 7}, \dots, \frac{1}{(2n-1)(2n+1)}$$

**15**  $\Sigma$ の計算(6)

和 $\sum_{k=1}^n \frac{1}{\sqrt{k+2} + \sqrt{k+3}}$ を求めよ。

**16** (等差) $\times$ (等比)の和

和 $S_n = 1 + 4 \cdot 2 + 7 \cdot 2^2 + 10 \cdot 2^3 + \dots + (3n-2) \cdot 2^{n-1}$ を求めよ。

**17** 階差数列

数列1, 2, 5, 14, 41,  $\dots$ の一般項 $a_n$ を求めよ。

**18** 和 $S_n$ から一般項 $a_n$ を求める

初項から第 $n$ 項までの和 $S_n$ が $S_n = 2n^2 - n$ となる数列 $\{a_n\}$ について

- (1) 一般項 $a_n$ を求めよ。
- (2) 和 $a_1 + a_3 + a_5 + \dots + a_{2n-1}$ を求めよ。

**19** 群数列

奇数の数列を1 | 3, 5 | 7, 9, 11 | 13, 15, 17, 19 | 21,  $\dots$ のように, 第 $n$ 群が $n$ 個の数を含むように分けるとき

- (1) 第 $n$ 群の最初の奇数を求めよ。
- (2) 第 $n$ 群の総和を求めよ。
- (3) 301は第何群の何番目に並ぶ数か。